

$$= \text{Ext}(A) \cap \text{Ext}(B)$$

(5) 정리 3.6.2(2)에 의하여 $A^\circ = (\overline{A^c})^c$ 이므로 양변에 여집합연산을 적용하면 $(A^c)^\circ = \overline{A^c}$ 임이 증명된다.

$(\overline{A})^c = \text{Int}(A^c)$ 의 증명은 A 를 A^c 로 교체하여 앞 식에 대입한 후 여집합 연산자를 적용한다. \square

예제 3.6.10 위상공간 $(\mathbb{R}, \mathcal{U})$ 상에서 $A = [a, b) \cup (b+2, b+4]$ 이라면

$$A^\circ = (a, b) \cup (b+2, b+4)$$

$$\text{Ext}(A) = (-\infty, a) \cup (b, b+2) \cup (b+4, \infty)$$

$$\partial(A) = \{a, b, b+2, b+4\}$$

이다. \blacksquare

예제 3.6.11 위상공간 $(\mathbb{R}^2, \mathcal{U})$ 상에서 그림 3.6과 같은 부분집합 A 에 대하여 A 의 내부, 외부, 경계, 폐포는 그림과 같이 나타난다. 아래 그림에서 P 는 한 점이다.

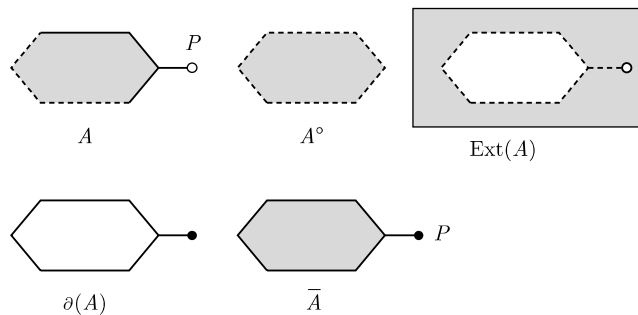


그림 3.6 A 의 내부, 외부, 경계, 폐포 \blacksquare

이제 폐포의 개념을 이용하여 집합의 조밀성을 소개한다.

정의 3.6.12 위상공간 (X, \mathcal{T}) 상에서 부분집합 $D \subset X$ 에 대하여 $\overline{D} = X$ 일 때 D 를 X 의 조밀부분집합 (dense subset of X)이라 한다.

예제 3.6.13 (1) 위상공간 $(\mathbb{R}, \mathcal{U})$ 에서 \mathbb{Q} 와 \mathbb{Q}^c 는 각각 조밀부분집합이다. 그